

EXAMEN PARCIAL N° 1

1. El examen consta de 8 preguntas de opción múltiple con una ponderación del 5% cada una. Se le presenta además, dos problemas con una ponderación del 30 % c/u para que sean resueltos en forma ordenada y limpia dejando constancia de las operaciones realizadas.
2. La duración del examen es de 120 minutos.
3. La prueba es individual. Solamente puede usar calculadora científica no programable, no está permitido su préstamo entre estudiantes durante el desarrollo del examen. Equipos electrónicos deberán permanecer apagados y guardados durante el examen.

Marque con una "X" y a tinta la respuesta correcta en el espacio en blanco del cuadro de respuestas. Para efectos de calificación de la opción múltiple, se tomará como referencia la respuesta señalada en el examen por lo que tenga cuidado al trasladar dicha respuesta al cuadro de esta página. No se aceptaran equivocaciones en dicho traslado. Deje constancia de las operaciones realizadas en las preguntas numéricas.

	A	B	C	D
1			X	
2	X			X
3		X	X	
4	X			
5			X	
6		X		X
7	X			
8	X		X	

X correctas

PREGUNTAS	PROBLEMAS	NOTA TOTAL
NOTA: 2.0	NOTA: 4.5	6.5

1) Si un fluido está sometido a flujo estacionario, esto significa que:

- a) La presión no varía de punto a punto
- b) La velocidad en el fluido de cualquier molécula dada de fluido no cambia
- c) La velocidad del fluido en cualquier punto dado no varía con el tiempo
- d) La densidad del fluido no varía de punto a punto

2) Fluye agua por una tubería cuya razón de diámetro es 4 ($D_2/D_1 = 4$). La velocidad

en la sección ancha comparada con la velocidad de la sección angosta es:

a) 16

b) 1/4

c) 4

d) 1/16

$$A_1 V_1 = A_2 V_2 \quad V_1 = \frac{(4D_1)^2}{D_1^2} V_2$$

$$V_1 = \frac{A_2}{A_1} V_2 \quad V_1 = \frac{16D_1^2}{D_1^2} V_2$$

$$V_1 = \left(\frac{\pi D_2^2}{\pi D_1^2} \right) V_2 \quad V_1 = 16 V_2$$

3) Un avión tiene una masa de 1.60×10^4 kg y cada una de sus dos alas tiene un área de 40.0 m^2 .

Durante un vuelo a nivel, la presión en la superficie inferior del ala es $7.00 \times 10^4 \text{ Pa}$. La presión en la superficie superior del ala, en N/m^2 será:

a) 7.20×10^4

b) 6.80×10^4

c) 6.61×10^4

d) 7.34×10^4

$$m = 1.60 \times 10^4 \text{ kg} \times 9.8 = 156800 \text{ N}$$

$$A = 40.0 \text{ m}^2$$

$$P_2 = 7.00 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$P_1 = ?$$

$$P = \frac{F}{A}$$

$$P = \frac{156800 \text{ N}}{40 \text{ m}^2} = 3920 \text{ Pa}$$

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho V_1^2 + \rho g y_1 = P_2 + \frac{1}{2} \rho V_2^2 + \rho g y_2$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho (V_2^2 - V_1^2)$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho \left(\frac{A_2}{A_1} V_1^2 - V_1^2 \right)$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho \left(\frac{40^2}{40^2} V_1^2 - V_1^2 \right)$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho V_1^2$$

4) Una bomba en el extremo de una tubería horizontal mantiene una presión de $2.3 \times 10^3 \text{ Pa}$

arriba de la presión atmosférica y bombea agua dentro del tubo con una rapidez de 2.7 m/s , el agua sale en el otro extremo de la tubería, la cual está abierta a la atmósfera.

Si el radio de la tubería es 1.6 cm a la entrada de la tubería, cuál es la rapidez del agua saliendo en el otro extremo y cuál es el radio a la salida de la tubería:

a) 3.4 m/s y 1.4 cm

b) 1.7 m/s y 1.4 cm

c) 1.7 m/s y 2.0 cm

d) 3.4 m/s y 2.0 cm

$$P_1 = 2.3 \times 10^3 \text{ Pa} \quad A_1 = \pi (0.016)^2 = 8.04 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$V_1 = 2.7 \text{ m/s} \quad A_2 = ? = 6.31 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$P_2 = P_{\text{atmo.}} \quad A_2 = \pi r_2^2$$

$$V_2 = ? \quad r_2 = \sqrt{\frac{A_2}{\pi}} = 0.014 \text{ m} = 1.4 \text{ cm}$$

$$A_1 V_1 = A_2 V_2$$

$$\frac{A_1 V_1}{V_2} = A_2$$

$$A_2 = \frac{8.04 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \times 2.7 \text{ m/s}}{3.4 \text{ m/s}}$$

$$A_2 = 6.31 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$



$$P_1 + \frac{1}{2} \rho V_1^2 + \rho g y_1 = P_2 + \frac{1}{2} \rho V_2^2 + \rho g y_2$$

$$(P_{\text{atmo.}} + P_{\text{atmo.}}) + \frac{1}{2} \rho V_1^2 = P_{\text{atmo.}} + \frac{1}{2} \rho V_2^2$$

$$P + \frac{1}{2} \rho V_1^2 = \frac{1}{2} \rho V_2^2$$

$$V_2 = \sqrt{\frac{2(P + \frac{1}{2} \rho V_1^2)}{\rho}} = \sqrt{\frac{2(2.3 \times 10^3 \text{ Pa} + \frac{1}{2} (1000 \text{ kg/m}^3) (2.7 \text{ m/s})^2)}{1000 \text{ kg/m}^3}} = 3.4 \text{ m/s}$$

- 5) Un objeto de densidad " ρ " y de masa " m " se sumerge en un líquido con una densidad

" ρ_0 ". El peso aparente del objeto sumergido está expresado en:

- a) $W_a = mg (\rho_0 / \rho - 1)$ $W_{ob} = mg$ $E = W_{ob} - W_a$
 b) $W_a = mg (1 + \rho_0 / \rho)$ $E = \rho_0 V g$ $W_a = W_{ob} - E$
c) $W_a = mg (1 - \rho_0 / \rho)$ $W_a = \rho_0 V g$ $W_a = mg - \rho_0 V g$
 d) $W_a = mg (\rho_0 / \rho + 1)$ $W_a = \dots$

- 6) Cierta objeto flota en fluidos de densidades:

1. $0.9 \rho_0$
2. $1 \rho_0$
3. $1.1 \rho_0$

Al ordenar esos fluidos de acuerdo al volumen desplazado por el objeto, desde el más pequeño al más grande escribimos:

- a) 1, 2, 3
- b) 3, 2, 1
- c) 2, 3, 1

d) Todos tienen el mismo volumen desplazado

- 7) Se usa un barómetro para medir la presión atmosférica, se llena con agua salada alcanzando una altura de 10.0m. La densidad del agua salada en unidades del SI es:

- a) 1.033×10^3
- b) 1.033×10^5
- c) 9.674×10^5
- d) 9.674×10^3

$$P_{\text{baro}} = \rho g h$$

$$\rho = \frac{P_{\text{baro}}}{g h}$$

$$\rho = \frac{7.073 \times 10^5 \text{ Pa}}{9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = 1033.6 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1.033 \times 10^3$$

$$\frac{\frac{\text{N}}{\text{m}^2}}{\frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = \frac{\frac{\text{kg m}}{\text{s}^2}}{\frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

- 8) Un pistón en un elevador hidráulico tiene un área que es el doble del área del otro. Cuando la presión en el pistón más pequeño es incrementada por ΔP la presión en el pistón más grande se incrementa en:

$$A_2 = 2A_1$$

- a) $2\Delta P$
- b) $\Delta P/2$
- c) ΔP
- d) $4\Delta P$

$$\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$$

$$\frac{\Delta P F_1}{A_1} = \frac{F_2}{2A_1}$$

$$F_2 = \frac{2A_1 \Delta P}{A_1} F_1$$

$$F_2 = 2\Delta P$$

PROBLEMA 1 (30%)

Cierto objeto que flota en mercurio tiene la mitad de su volumen sumergido.

✗ a) ¿Cuánto vale la densidad del objeto? (10%)

✗ b) Si se añade agua suficiente para cubrir el objeto, ¿qué fracción de su volumen permanece sumergida en el mercurio? (20%)

PROBLEMA 2 (30%)

Un río de 25 m de ancho y 5.0 m de profundidad drena un terreno de 12000 km^2 donde la precipitación pluvial promedio es de 55 cm/año. Una quinta parte de la precipitación vuelve a la atmósfera por evaporación, pero el resto llega finalmente al río.

a) ¿Cuántos m^3/s de agua cae inicialmente sobre el terreno? (15%)

b) ¿Cuál es la velocidad promedio de la corriente del río (15%)

Problema ①

a) $\rho_{\text{Hg}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

$$W = mg = \rho V g$$

$$E = \rho_{\text{Hg}} \frac{V}{2} g$$

$$\rho_{\text{Hg}} \frac{V}{2} g = \rho V g$$

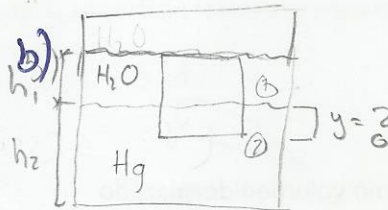
$$\rho = \frac{\rho_{\text{Hg}} V / 2}{\frac{V}{1}}$$

$$\rho = \frac{\rho_{\text{Hg}}}{2}$$

$$\rho = \frac{\rho_{\text{Hg}}}{2}$$

$$\rho = \frac{13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}{2}$$

$$\rho_{\text{objeto}} = 6800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$



$$\rho_{\text{H}_2\text{O}} V_{\text{des}} g = \rho_{\text{obj}} V_{\text{obj}} g$$

$$\frac{V_{\text{obj}}}{V_{\text{des}}} = \frac{\rho_{\text{obj}}}{\rho_{\text{H}_2\text{O}}}$$

$$\frac{V_{\text{des}}}{V_{\text{obj}}} = \frac{\rho_{\text{H}_2\text{O}}}{\rho_{\text{objeto}}}$$

$$\frac{V_{\text{des}}}{V_{\text{obj}}} = 0.15 \text{ fracción del volumen en H}_2\text{O}$$

$$E = \rho_{\text{Hg}} V_{\text{des}} g$$

La fracción de Volumen

$$\text{Señal } \frac{V}{V} = 0.5 - 0.15$$

$$\frac{V}{V_{\text{obj}}} = 0.35$$

La fracción de Volumen en Hg

$$\text{Señal } \underline{0.35}$$

5

$$\rho_{\text{Hg}} V_{\text{des}} g = \rho V g$$

$$\rho_{\text{Hg}} V_{\text{des}} = \rho_{\text{obj}} V$$

$$\frac{V_{\text{obj}}}{V_{\text{des}}} = \frac{\rho_{\text{obj}}}{\rho_{\text{Hg}}}$$

$$\frac{V_{\text{obj}}}{V_{\text{des}}} = 0.5$$

$$\frac{V_{\text{obj}}}{V_{\text{des}}} = 0.5$$

fracción del Volumen en Hg en agua

a)

$$A = 12000 \text{ km}^2 \times \frac{1 \times 10^6 \text{ m}^2}{1 \text{ km}^2} = 1.2 \times 10^{10} \text{ m}^2$$

$$V_p = 55 \frac{\text{cm}}{\text{año}} \times \frac{1 \text{ año}}{31536000} \times \frac{1 \text{ m}}{100 \text{ cm}} = 1.74 \times 10^{-8} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$Q = A V_p = 1.2 \times 10^{10} \text{ m}^2 \times 1.74 \times 10^{-8} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$Q = 209.28 \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

b)

$$Q = \frac{209.28 \text{ m}^3}{5} = 41.856 \text{ entonces } Q = 209.28 - 41.856$$

$$Q = 167.424 \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

$\frac{1}{5}$ se evapora
por lo cual
no llega
al río

$$A_{\text{río}} = 125 \text{ m}^2$$

$$Q = A_{\text{río}} V_{\text{río}}$$

$$V_{\text{río}} = \frac{Q}{A_{\text{río}}}$$

$$V_{\text{río}} = \frac{167.424 \frac{\text{m}^3}{\text{s}}}{125 \text{ m}^2}$$

$$V_{\text{río}} = 1.34 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

30